

Parabeln n-ten Ordnung

Man kann nicht alle Eigenschaften verallgemeinern, aber die Symmetrie und den Globalen Verlauf lässt sich verallgemeinern.

Symmetrie bei ganzrationalen Funktionen n-ten Grades

Eine ganzrationale Funktion n-ten Grades ist punktsymmetrisch zum Ursprung, wenn nur ungerade Potenzen in ihr vorkommen.

Zum Beispiel:

$$f(x) = x^7 + x^3$$

Eine ganzrationale Funktion n-ten Grades ist achsensymmetrisch zur y-Achse, wenn nur gerade Potenzen in ihr vorkommen.

Zum Beispiel:

$$f(x) = x^6 + 3x^2$$

Globaler Verlauf bei ganzrationalen Funktionen n-ten Grades

Der globale Verlauf des Graphen ist abhängig vom Faktor der höchsten x-Potenz und dem Grad der ganzrationalen Funktion:

$$f(x) = a_n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + a_{n-2} x^{n-2} + \dots + a_0$$

Grad: n Vorfaktor: a_n

| | Vorfaktor positiv | Vorfaktor negativ |
|---------------|--|---|
| Grad gerade | für $x \rightarrow \infty$: $f(x) \rightarrow \infty$ für $x \rightarrow -\infty$: $f(x) \rightarrow \infty$ | für $x \rightarrow \infty$: $f(x) \rightarrow -\infty$ für $x \rightarrow -\infty$: $f(x) \rightarrow -\infty$ |
| Grad ungerade | für $x \rightarrow \infty$: $f(x) \rightarrow \infty$ für $x \rightarrow -\infty$: $f(x) \rightarrow -\infty$ | für $x \rightarrow \infty$: $f(x) \rightarrow -\infty$ für $x \rightarrow -\infty$: $f(x) \rightarrow \infty$ |